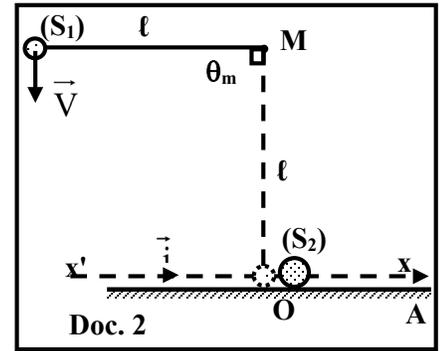




une autre sphère ( $S_2$ ) assimilée à une particule de masse  $m_2 = 0,3 \text{ kg}$  et initialement au repos en O sur une surface horizontale. O est l'origine d'un axe horizontal  $x'x$  de vecteur unitaire  $\vec{i}$ . Après la collision ( $S_2$ ) se déplace le long de  $x'x$  et s'arrête en A (Doc. 2).

Entre O et A, ( $S_2$ ) subit l'action d'une force de frottement  $\vec{f}$  supposée constante et parallèle au déplacement.

Le but de cet exercice est de déterminer le module  $f$  de la force de frottement  $\vec{f}$ . On néglige la résistance de l'air et le frottement autour de M.



### Prendre :

- Le plan horizontal contenant (OA) comme niveau de référence de l'énergie potentielle de pesanteur ;
- $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

- 1) Déterminer, à  $t_0 = 0$ , l'expression de l'énergie mécanique du système (pendule, Terre), en fonction de  $V$ .
- 2) Calculer  $V$ , sachant que ( $S_1$ ) atteint sa position d'équilibre en O avec une vitesse de valeur  $V_1 = 6 \text{ m/s}$ .
- 3) Lorsque le pendule passe par sa position d'équilibre en O, ( $S_1$ ) entre en collision frontale et élastique avec ( $S_2$ ).  $\vec{v}'_1$  et  $\vec{v}'_2$  sont respectivement les vitesses de ( $S_1$ ) et ( $S_2$ ) juste après cette collision.  $\vec{v}'_1$  et  $\vec{v}'_2$  sont colinéaires suivant  $x'x$ .

3.1) Montrer que les relations entre les valeurs algébriques de  $\vec{v}'_1$  et  $\vec{v}'_2$  sont :

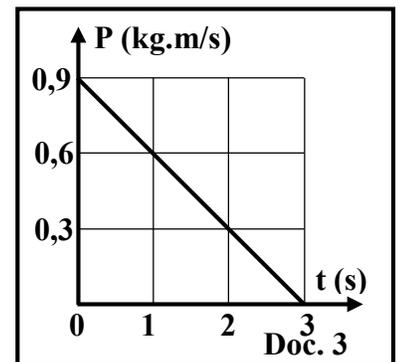
$$v'_1 + 3v'_2 = 6 \text{ et } v'_2 - v'_1 = 6 \text{ (S.I.)}$$

3.2) En utilisant le résultat de la partie 3.1, calculer  $v'_1$  et  $v'_2$ .

- 4) Juste après la collision, ( $S_2$ ) quitte le point O avec une vitesse  $\vec{v}'_2$ , à un instant  $t_0 = 0$  pris comme nouvelle origine de temps et se déplace le long de  $x'x$ . La courbe de document 3, montre l'évolution de la valeur de la quantité de mouvement  $P$  de ( $S_2$ ) avec le temps, durant son mouvement entre O et A.

4.1) En se référant au document 3, déterminer l'expression de  $P$  en fonction de temps.

4.2) En appliquant la deuxième loi de Newton  $\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = \frac{d\vec{P}}{dt}$  sur ( $S_2$ ), déduire  $f$ .



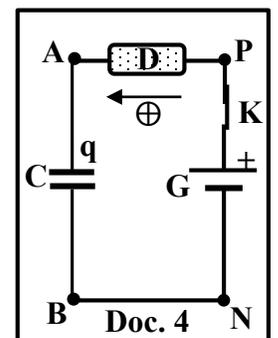
### Exercice 3 (6,5 pts)

### Diélectrique d'un condensateur

Un condensateur est formé de deux armatures conductrices séparées par un isolant d'épaisseur « e » appelé diélectrique. Le but de cet exercice est d'étudier l'influence de l'épaisseur « e » du diélectrique d'un condensateur sur la valeur de sa capacité.

Dans ce but on réalise le circuit du document 4, comportant en série :

- un générateur idéal (G) de force électromotrice  $E = 24 \text{ V}$ ;
- un conducteur ohmique (D) de résistance  $R = 100 \text{ k}\Omega$  ;
- un condensateur, initialement non chargé, de capacité  $C$  ;
- un interrupteur K.



#### 1) Capacité du condensateur

À l'instant  $t_0 = 0$ , on ferme K et la phase de charge du condensateur commence.

À un instant  $t$ , l'armature A du condensateur porte une charge  $q$  et un courant électrique d'intensité  $i$  traverse le circuit.

1.1) Déterminer la relation entre  $i$ ,  $C$  et la tension  $u_{AB} = u_C$  aux bornes du condensateur.

1.2) Montrer que l'équation différentielle qui décrit la variation de  $u_{AB} = u_C$  est :  $E = RC \frac{du_C}{dt} + u_C$ .

1.3) La solution de l'équation différentielle obtenue est de la

forme :  $u_C = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$  où  $\tau$  est une constante.

Déterminer l'expression de  $\tau$  en fonction de  $R$  et  $C$ .

1.4) Montrer que  $t = \tau \ln 2$ , lorsque  $u_C = \frac{E}{2}$ .

1.5) Le graphe du document 5 montre l'évolution de  $u_C$  avec le temps. En utilisant le résultat de la partie 1.4 et en se référant au document 5, déterminer la valeur de  $\tau$ .

1.6) Déduire la valeur de  $C$ .

## 2) Épaisseur du diélectrique

La courbe du document 6, montre l'évolution de  $C$  avec  $\frac{1}{e}$ .

2.1) Choisir en justifiant, l'expression correcte :

**Expression 1** : la capacité du condensateur est proportionnelle à l'épaisseur du diélectrique.

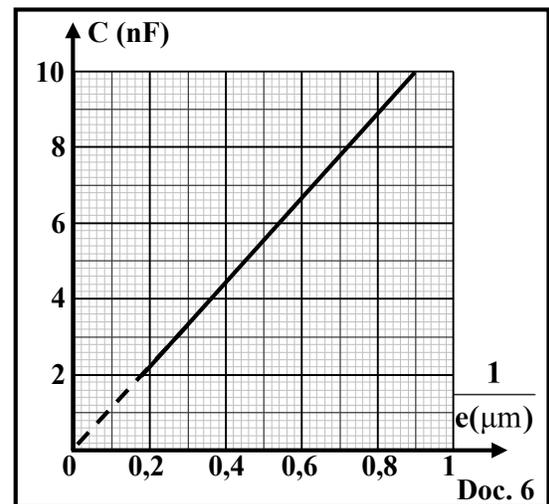
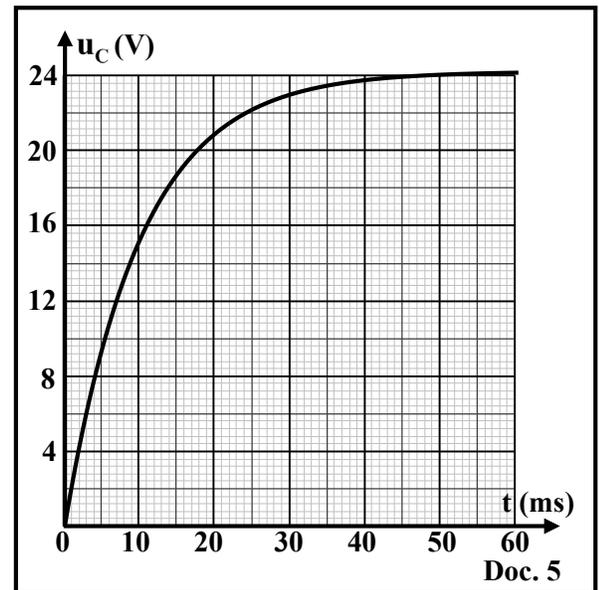
**Expression 2** : la capacité du condensateur est inversement proportionnelle à l'épaisseur du diélectrique.

**Expression 3** : la capacité du condensateur est proportionnelle au carré de l'épaisseur du diélectrique.

2.2) En se référant à la courbe du document 6, montrer que :

$$C = 11,1 \times \frac{1}{e} \quad (C \text{ en nF et } e \text{ en } \mu\text{m}).$$

2.3) Déduire la valeur de l'épaisseur «  $e$  » du diélectrique dans le condensateur de la partie 1.



## Exercice 4 (6,5 pts)

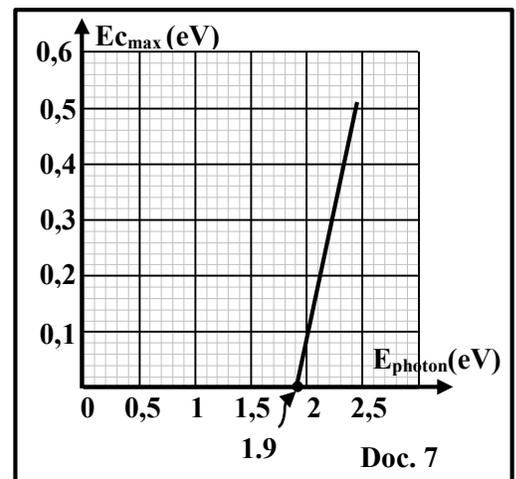
### Effet photoélectrique

Le phénomène d'effet photoélectrique peut être observé pour une plaque de césium pur, lorsqu'elle est éclairée par un faisceau lumineux monochromatique émis par une source de fréquence réglable.

Un dispositif est utilisé pour mesurer l'énergie cinétique maximale «  $E_{c_{\max}}$  » d'un électron émis, correspondant à l'énergie du photon incident «  $E_{\text{photon}}$  » d'un faisceau qui éclaire une plaque de césium dont le travail d'extraction est noté «  $W_s$  ». Le graphe du document 7 montre l'évolution de «  $E_{c_{\max}}$  » en fonction de «  $E_{\text{photon}}$  ».

On donne :

- célérité de la lumière dans le vide  $c = 3 \times 10^8$  m/s ;
- constante de Planck  $h = 6,6 \times 10^{-34}$  J.s ;
- charge élémentaire  $e = 1,6 \times 10^{-19}$  C ;
- $1 \text{ eV} = 1,6 \times 10^{-19}$  J.



- 1) Définir « l'effet photoélectrique ».
- 2) En utilisant le document 7, recopier puis compléter le tableau suivant par l'expression convenable.
  - **Expression 1** : les électrons sont éjectés de la surface de césium avec une énergie cinétique non nulle.
  - **Expression 2** : les électrons ne sont pas éjectés de la surface de césium.
  - **Expression 3** : les électrons sont extraits de la surface de césium avec une énergie cinétique nulle.

$E_{\text{photon}} < 1,9 \text{ eV}$	$E_{\text{photon}} = 1,9 \text{ eV}$	$E_{\text{photon}} > 1,9 \text{ eV}$

- 3) Indiquer alors la valeur de  $W_s$  du césium.
- 4) La plaque de césium est éclairée avec une source de longueur d'onde  $\lambda$  dans le vide. L'énergie cinétique maximale des électrons émis est  $E_{C_{\text{max}}} = 0,16 \text{ eV}$ .
  - 4.1) Déterminer la valeur de  $\lambda$ .
  - 4.2) La puissance lumineuse reçue par la plaque de césium est  $P = 4,5 \text{ W}$ . Calculer le nombre  $N$  des photons reçus par la plaque en une seconde.
  - 4.3) Les électrons émis par la plaque de césium constituent un courant électrique d'intensité  $I = 0,1 \text{ A}$ . Déterminer, en une seconde, le nombre  $n$  des photons efficaces.
  - 4.4) Déduire le rendement quantique  $r = \frac{n}{N}$  de la plaque.

### Exercice 5 (6,5 pts)

### Atome de lithium

Les énergies des différents niveaux d'un atome de lithium doublement ionisé  $\text{Li}^{2+}$  sont données par la

relation :  $E_n = -\frac{122,4}{n^2}$ , avec  $E_n$  en eV et  $n$  un nombre entier non nul.

Le document 8 montre un diagramme simplifié des niveaux d'énergie d'un ion de lithium  $\text{Li}^{2+}$ .

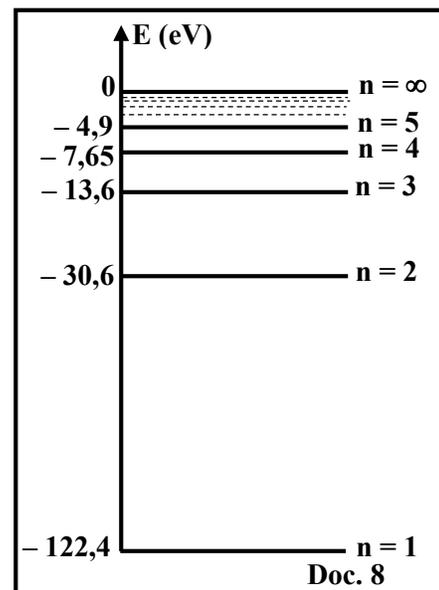
On donne :

- Constante de Planck :  $h = 6,62 \times 10^{-34} \text{ J.s}$  ;
- $1 \text{ eV} = 1,6 \times 10^{-19} \text{ J}$  ;
- La vitesse de la lumière dans le vide :  $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$  ;
- Spectre visible dans le vide :  $0,400 \mu\text{m} \leq \lambda \leq 0,750 \mu\text{m}$ .

- 1) En utilisant le document 8, montrer que l'énergie de l'ion de lithium  $\text{Li}^{2+}$  est quantifiée.
- 2) L'ion de lithium  $\text{Li}^{2+}$  subit une transition d'un niveau  $n$  d'énergie  $E_n$  au niveau fondamental d'énergie  $E_1$ , il émet un photon de longueur d'onde  $\lambda$ .

2.1) Montrer que :  $\lambda = \frac{0,01014}{1 - \frac{1}{n^2}}$ ,  $\lambda$  en  $\mu\text{m}$  et  $n > 1$ .

- 2.2) Calculer, en  $\mu\text{m}$  les longueurs d'ondes maximale  $\lambda_{\text{max}}$  et minimale  $\lambda_{\text{min}}$  émises durant la désexcitation de l'ion de lithium  $\text{Li}^{2+}$  vers le niveau fondamental.
- 3) L'ion de lithium  $\text{Li}^{2+}$  est au deuxième niveau excité. La désexcitation de l'ion de lithium peut se faire par trois différentes transitions.
  - 3.1) Indiquer ces trois transitions.
  - 3.2) Calculer les longueurs d'ondes qui correspondent à ces transitions.
  - 3.3) Préciser le domaine (visible, infrarouge ou ultraviolet) de la radiation correspondante à chaque transition.



مسابقة في مادة الفيزياء  
أسس التصحيح - فرنسي

Exercice 1 (6,5 points)		Energie mécanique	
Partie	Réponse	Note	
1	$E_1$ correspond à l'énergie potentielle de pesanteur car à $t_0 = 0$ (S) se trouve sur le niveau de référence de l'Epp donc $E_{pp} = 0$ J Et $E_1 = 0$ J à $t_0 = 0$	0,25 0,25	
	$E_2$ correspond à l'énergie cinétique car à $t_0 = 0$ (S) est lancé avec une vitesse donc $E_c \neq 0$ et $E_2 \neq 0$	0,25 0,25	
2	$E_c = 10t^2 + 24t + 14,4$ à $t_0 = 0$ : $E_c = 14,4$ J $\frac{1}{2} m V_0^2 = 14,4$ donc $V_0^2 = 144$ donc $V_0 = 12$ m/s	1	
3	$E_m = E_{pp} + E_c = -10t^2 - 24t + 10t^2 + 24t + 14,4 = 14,4$ J	0,5	
4	$E_m =$ constante donc entre $t_0$ et $t_1$ les forces de frottement sont négligeables	0,5	
5	À $t_1$ : $E_{pp} = -m \times g \times h = -0,2 \times 10 \times 1 = -2$ J	0,5	
6	$E_m = E_{pp} + E_c$ $14,4 = -2 + E_c$ ; donc $E_c = 14,4 + 2 = 16,4$ J	0,75	
7.1	L'énergie mécanique du système [(S), (P), (R) et Terre] est conservée $E_m =$ constante $E_m \text{ à } t = t_1 = E_m \text{ à } t = t_2$ $14,4 = E_{pe} + E_{pp} + E_c$ $14,4 = E_{pe} - m \times g \times (h + x_m) + 0$ ; $14,4 = E_{pe} - 0,2 \times 10 \times (1 + 0,1)$ Donc $E_{pe} = 16,6$ J	1,25	
7.2	$E_{pe} = \frac{1}{2} k x_m^2$ ; $16,6 = \frac{1}{2} k 0,1^2$ $k = 3320$ N/m	1	

Exercice 2 (6,5pts)		Energie et collision
Partie	Réponses	Note
1	$E_m = E_c + E_{pp}$ , à $t_0 = 0$ : $E_{m0} = \frac{1}{2} m_1 V^2 + m g \ell = \frac{1}{2} \times 0,1 \times V^2 + 0,1 \times 10 \times 0,4$ Donc: $E_{m0} = 0,05 V^2 + 0,4$	1
2	$E_m$ au point O = $E_{m0}$ , donc $\frac{1}{2} m_1 V_1^2 + 0 = 0,05 V^2 + 0,4$ , Par suite : $\frac{1}{2} \times 0,1 \times 36 = 0,05 V^2 + 0,4$ , alors $V = 5,29$ m/s	1
3.1	<b>Conservation de la quantité de mouvement</b> $\vec{P}_{avant} = \vec{P}_{after}$ donc $m_1 \vec{V}_1 = m_1 \vec{v}'_1 + m_2 \vec{v}'_2$ , Mesure algébrique de cette relation : $0,1V_1 = 0,1 v'_1 + 0,3 v'_2$ , on aura : $V_1 - v'_1 = 3 v'_2$ .... éq. (1) <b>Conservation de l'énergie cinétique car la collision est élastique</b> $E_{Cavant} = E_{Caprès}$ donc $\frac{1}{2} m_1 V_1^2 = \frac{1}{2} m_1 v_1'^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2'^2$ , Alors : $0,1 \times V_1^2 = 0,1 v_1'^2 + 0,3 \times v_2'^2$ , on aura : $V_1^2 - v_1'^2 = 3 v_2'^2$ ... éq. (2) $\frac{\text{eq.}(2)}{\text{eq.}(1)}$ : $V_1 + v'_1 = v'_2$ . on aura : $v'_2 - v'_1 = 6$ Eq. (1) : $V_1 - v'_1 = 3 v'_2$ . on aura $v'_1 + 3 v'_2 = 6$	1,5
3.2	$v'_1 + 3 v'_2 = 6$ et $v'_2 - v'_1 = 6$ . On additionne ces 2 équations, on aura: $4 v'_2 = 12$ , alors $v'_2 = 3$ m/s. On remplace dans l'équation (1) ou (2), on aura : $v'_1 = -3$ m/s	0,5 0,5
4.1	L'allure est une ligne droite décroissante, son équation est de la forme : $P = at + b$ A $t = 0$ : $P = 0,9$ , donc $b = 0.9$ kg.m/s A $t = 3s$ : $P = 0$ , donc $0 = 3 a + 0.9$ , on aura : $a = -0,3$ kg.m/s <sup>2</sup> , Alors : $P = -0.3 t + 0.9$ avec P en kg.m/s et t en seconde.	1
4.2	On applique la deuxième loi de Newton sur (S2): $\Sigma \vec{F}_{ext} = \frac{d\vec{P}}{dt}$ donc $m\vec{g} + \vec{N} + \vec{f} = \frac{d\vec{P}}{dt}$ mais $m\vec{g} + \vec{N} = \vec{0}$ car le mouvement est horizontal donc $-0,3 \vec{i} = -f\vec{i}$ par suite $f = 0,3$ N	1

Exercice 3 (6,5 pts)		Diélectrique d'un condensateur	
Partie	Réponses	note	
1.1	$i = \frac{dq}{dt}$ , mais $q = C u_C$ , donc $\frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt}$ on aura : $i = C \frac{du_C}{dt}$	0,5	
1.2	$u_{PN} = u_{PA} + u_{AB} + u_{BN}$ $E = u_C + R \cdot i$ Alors : $E = u_C + RC \frac{du_C}{dt}$	0,5	
1.3	$u_C = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = E - E e^{-\frac{t}{\tau}}$ donc : $\frac{du_C}{dt} = \frac{E}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$ Remplaçons dans l'équation différentielle : $RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E$ ; Donc $RC \frac{E}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + E - E e^{-\frac{t}{\tau}} = E$ $E e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{RC}{\tau} - 1 \right) = 0$ ; mais $E e^{-\frac{t}{\tau}} \neq 0$ ; Alors : $\frac{RC}{\tau} - 1 = 0$ ; donc $\tau = RC$	1	
1.4	$u_C = \frac{E}{2}$ ; alors $E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = \frac{E}{2}$ donc : $1 - e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{1}{2}$ ; donc $e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{1}{2}$ $\frac{-t}{\tau} = -\ln(2)$ , on aura : $t = \tau \ln(2)$	1	
1.5	Graphiquement : $u_C = \frac{E}{2} = 12 \text{ V}$ ; à $t = 7 \text{ ms}$ . mais $t = \tau \ln(2)$ ; donc, $7 = \tau \ln(2)$ ; ce qui donne : $\tau = 10 \text{ ms}$	1	
1.6	$\tau = RC$ ; donc $0,01 = 100\,000 C$ ; alors $C = 10^{-7} \text{ F} = 100 \text{ nF}$	0,5	
2.1	<b>Expression 2:</b> La capacité du condensateur est inversement proportionnelle à l'épaisseur du diélectrique. <b>Justification</b> : puisque l'allure de la courbe est une ligne droite dont le prolongement passe par l'origine donc son équation est de la forme : $C = \text{cte} \times \frac{1}{e}$ Donc C et e sont inversement proportionnelles	1	
2.2	L'allure de la courbe est une ligne droite dont le prolongement passe par l'origine donc son équation est de la forme : $C = \text{pente} \times \frac{1}{e}$ Graphiquement : $\text{pente} = \frac{10-2,2}{0,9-0,2} = 11,1 \text{ nF} \times \mu\text{m}$ <b>Ou bien</b> : pour $C = 10 \text{ nF}$ ; $\frac{1}{e} = 0,9$ Donc $\text{pente} = 11,1 \text{ nF} \times \mu\text{m} = \text{cte}$ Donc $C = 11,1 \times \frac{1}{e}$	0,5	
2.3	Pour $C = 100 \text{ nF}$ on aura $e = \frac{11,1}{100} = 0,11 \mu\text{m}$	0,5	

Exercice 4 (6,5 points)		Effet photoélectrique	
Partie	Réponses		note
1	L'effet photoélectrique est le phénomène d'émission d'électrons par la surface d'un métal pur éclairé par une radiation convenable.		0,5
2	$E_{\text{photon}} < 1,9 \text{ eV}$	$E_{\text{photon}} = 1,9 \text{ eV}$	0,5
	Expression 2 les électrons ne sont pas éjectés de la surface de césium.	Expression 3 les électrons sont extraits de la surface de césium sans énergie cinétique.	0,5
		Expression 1 les électrons sont éjectés de la surface de césium avec une énergie cinétique.	0,5
3	$W_s = 1,9 \text{ eV}$		0,5
4.1	D'après la relation d'Einstein : $E_{\text{photon}} = W_s + E_{c_{\text{max}}}$ $\frac{hc}{\lambda} = W_s + E_{c_{\text{ma}}}$ donc $\frac{hc}{\lambda} = 1,9 + 0,16$ ; $\lambda = \frac{6,6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{(1,9+0,16) \times 1,6 \times 10^{-19}} \cong 600 \times 10^{-9} \text{ m} = 600 \text{ nm}$		1
4.2	$P = \frac{N \times E_{\text{photon}}}{\Delta t}$ , donc $N = \frac{P \times \Delta t}{E_{\text{photon}}}$ , Mais $E_{\text{photon}} = \frac{hc}{\lambda} = \frac{6,6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{600 \times 10^{-9}} = 3,3 \times 10^{-19} \text{ J}$ , Alors : $N = \frac{4,5 \times 1}{3,3 \times 10^{-19}} \cong 1,36 \times 10^{19}$ photons		1
4.3	$I = \frac{q}{\Delta t}$ and $q = n e$ , then $I = \frac{n \times e}{\Delta t}$ , $I = \frac{n \times e}{\Delta t}$ ; $0,1 = \frac{n \times 1,6 \times 10^{-19}}{1}$ ; alors $n = \frac{0,1}{1,6 \times 10^{-19}} = 6,25 \times 10^{17}$ électrons Le nombre des photons efficaces = nombre des électrons émis = $6,25 \times 10^{17}$		1 0,5
4.4	$r = \frac{n}{N} = \frac{6,25 \times 10^{17}}{1,36 \times 10^{19}} = 0,0459 = 4,59 \%$		0,5

Exercice 5 (6,5 pts)		Atome de Lithium
Partie	Réponses	note
1	les niveaux d'énergie possèdent des valeurs bien précis donc l'énergie de l'atome est alors quantifiée.	0,75
2.1	$E_n - E_1 = \frac{hc}{\lambda}$ $\frac{hc}{\lambda} = \left( \frac{-122,4}{n^2} \right) - \left( \frac{-122,4}{1^2} \right); \frac{6,62 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{\lambda} = 122,4 \times 1,6 \times 10^{-19} \times \left( 1 - \frac{1}{n^2} \right)$ $\lambda = \frac{6,62 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{122,4 \times 1,6 \times 10^{-19} \times \left( 1 - \frac{1}{n^2} \right)}; \lambda = \frac{0,1014 \times 10^{-7}}{\left( 1 - \frac{1}{n^2} \right)} \text{ m}$ $\lambda = \frac{0,01014}{\left( 1 - \frac{1}{n^2} \right)} \mu\text{m} \text{ avec } n > 1$	1
2.2	<p>Longueur d'onde maximale correspond à <math>n = 2</math> : donc <math>\lambda_{\max} = \frac{0,01014}{\left( 1 - \frac{1}{n^2} \right)} = 0,01352 \mu\text{m}</math></p> <p>Longueur d'onde minimale correspond à <math>n = \infty</math> : donc <math>\lambda_{\min} = \frac{0,01014}{\left( 1 - \frac{1}{n^2} \right)} = 0,01014 \mu\text{m}</math></p>	1 1
3.1	Transitions possibles : $E_3 \rightarrow E_1$ ; $E_3 \rightarrow E_2$ ; $E_2 \rightarrow E_1$ .	0,75
3.2	$E_3 \rightarrow E_1: \frac{hc}{\lambda} = E_3 - E_1; \lambda_{3 \rightarrow 1} = \frac{6,62 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{108,8 \times 1,6 \times 10^{-19}} = 0,11408 \times 10^{-7} \text{ m} = 0,011408 \mu\text{m}$ <p><b>Ou bien</b> : <math>\lambda_{3 \rightarrow 1} = \frac{0,01014}{\left( 1 - \frac{1}{3^2} \right)} = 0,0114075 \mu\text{m}</math></p> $E_3 \rightarrow E_2: \frac{hc}{\lambda} = E_3 - E_2; \lambda_{3 \rightarrow 2} = \frac{6,62 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{17 \times 1,6 \times 10^{-19}} = 0,7301 \times 10^{-7} \text{ m} = 0,07301 \mu\text{m}$ $E_2 \rightarrow E_1: \frac{hc}{\lambda} = E_2 - E_1; \lambda_{2 \rightarrow 1} = \frac{6,62 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{91,8 \times 1,6 \times 10^{-19}} = 0,1352 \times 10^{-7} \text{ m} = 0,01352 \mu\text{m}$ <p><b>Ou bien</b> : <math>\lambda_{2 \rightarrow 1} = \lambda_{\max} = \frac{0,01014}{\left( 1 - \frac{1}{n^2} \right)} = 0,01352 \mu\text{m}</math></p>	1,5
3.3	Les trois radiations appartiennent au domaine des radiations ultraviolettes puisque les trois longueurs d'ondes sont inférieures à $0,400 \mu\text{m}$	0,5